

# **Измерение диэлектрической постоянной и тангенса угла потерь керамических окон для ввода мощности в сверхпроводящий резонатор**

А.Н.Ворновский, Н.П.Собенин, А.А.Сулимов, А.И.Фадин

*Московский государственный инженерно-физический институт  
(технический университет), Россия*

А.А.Завадцев

*Московский радиотехнический институт, Россия*

P.Proch, G.Kreps

*DESY, Germany*

Приведены результаты расчетов и экспериментальных исследований с целью создания установки для определения диэлектрической постоянной и тангенса угла потерь керамических образцов цилиндрической формы. Из анализа точности измерений и удобства использования установки в условиях серийных измерений образцов с разными геометрическими размерами на фиксированной частоте был выбран вариант с цилиндрическим резонатором на виде колебаний  $E_{010}$  с запредельным волноводом, присоединенным к одному из торцов резонатора.

## **Введение**

При создании вводов мощности в сверхпроводящие резонаторы линейного электрон-позитронного коллайдера TESLA [1] требуется отбраковка керамических окон по диэлектрической постоянной и тангенсу угла потерь. Выбрана методика определения комплексной диэлектрической проницаемости по результатам измерения частоты и добротности резонатора с исследуемым диэлектриком и без него [2]. Были рассмотрены цилиндрические резонаторы с колебаниями  $E_{010}$  и  $H_{011}$ , а также резонаторы коаксиального типа. Для обработки результатов измерения использовались данные расчета программы SUPERFISH [3].

Исследования параметров диэлектриков проводились на частоте 1300 МГц, диэлектрическая постоянная менялась в пределах 8–10, а тангенс угла потерь — в пределах  $(2 - 4) \cdot 10^{-4}$ . Хотя резонатор с видом колебаний  $H_{011}$  не требует дроссельного сочленения, его габариты значительно больше, и в качестве рабочего варианта были выбраны резонаторы с колебанием  $E_{010}$ . Рассматривались два варианта резонаторов: с дроссельным соединением между корпусом резонатора и сменными крышками, и с запредельным цилиндрическим волноводом, подсоединенными к торцу резонатора. Отработка методики определения параметров диэлектриков проводилась на фторопластовых образцах в цилиндрическом резонаторе на частоте 3 ГГц. В табл. 1 приведены размеры исследуемых керамических и фторопластовых образцов (L — длина, D — диаметр, t — толщина цилиндра).

Таблица 1: Размеры керамических и фторопластовых образцов.

Образец	Керамических			Фторопластовых		
	L, мм	D, мм	t, мм	L, мм	D, мм	t, мм
1	33	47.1	6	15.7	22.4	3
2	49	75	6	23.3	35.7	3
3	45	90	8	21.4	42.9	4
4	51.6	92.6	6	24.6	44.1	3

## 1. Методика и точность определения комплексной диэлектрической постоянной

Погрешность определения диэлектрической постоянной по результатам измерения разности частот  $\Delta f(\varepsilon)$  пустого резонатора  $f_0$  и резонатора с образцом  $f_\varepsilon$

$$\Delta f(\varepsilon) = f_0 - f_\varepsilon \quad (1)$$

прежде всего зависит от величины функции чувствительности  $df_\varepsilon/d\varepsilon$  выбранного резонатора.

Для определения тангенса угла потерь диэлектрика ( $\operatorname{tg}\delta$ ) необходимо оценить мощность СВЧ, теряемой в образце (Р). Запишем выражения для добротности пустого резонатора ( $Q_0$ ) и резонатора с диэлектриком ( $Q_\varepsilon$ ) в виде

$$Q_0 = \omega_0 \frac{W_0}{P_0}, \quad Q_\varepsilon(\varepsilon, \operatorname{tg}\delta) = (\omega_0 - \Delta\omega(\varepsilon)) \frac{W_\varepsilon(\varepsilon)}{P_0 + P(\operatorname{tg}\delta)}, \quad (2)$$

где  $\omega_0, W_0, P_0$  — резонансная частота, запасенная энергия и мощность потерь в стенах пустого резонатора,  $\Delta\omega(\varepsilon)$ ,  $W_\varepsilon$  — абсолютная расстройка частоты при внесении образца, запасенная энергия резонатора с образцом. Введем безразмерную величину  $P'$ , характеризующую потери в диэлектрике, как:

$$P'(\varepsilon, \operatorname{tg}\delta) = \frac{P}{\omega_0 W_0} = \frac{K(\varepsilon)}{Q_\varepsilon(\varepsilon, \operatorname{tg}\delta)} - \frac{1}{Q_0}, \quad (3)$$

$$K(\varepsilon) = \left[ 1 - \frac{\Delta f(\varepsilon)}{f_0} \right] \frac{W_\varepsilon(\varepsilon)}{W_0}. \quad (4)$$

Величина  $K(\varepsilon)$  определяется расчетным путем и зависит только от действительной части диэлектрической проницаемости. Тангенс угла потерь находится по рассчитанному семейству зависимостей  $P'(\varepsilon, \operatorname{tg}\delta)$  для найденного значения  $\varepsilon(\Delta f)$ . Точность определения тангенса угла потерь зависит также от функции чувствительности  $dQ/d(\operatorname{tg}\delta)$  резонатора.

Влияние качества контакта между крышкой и обечайкой резонатора удается значительно уменьшить использованием либо дроссельного сочленения, либо запредельного волновода. Центровка образца осуществляется за счет использования канавок на торцевой поверхности устройства измерения. Измерения проводились с использованием прибора HP Network Analyzer.

На первом этапе было проведено сравнение расчета по программе SUPERFISH с аналитическим для цилиндрического резонатора с радиусом  $R = 59.23$  мм и длиной  $L = 25.10$  мм, заполненного по длине диэлектриком цилиндрической формы с внутренним и наружным радиусами  $r_1=23.40$  мм и  $r_2=27.50$  мм. Результаты отличались по частоте в пределах 0.1%, а по добротности — 5%. Эти цифры позволяют оценить точность определения  $f$  и  $Q$  для указанной программы.

## 2. Апробация методики с фторопластовыми образцами

Апробация методики проводилась на примере цилиндрического резонатора в 10-см диапазоне с размерами  $R = 40.22$  мм и  $L = 104.10$  мм и четырех фторопластовых образцов (размеры указаны в табл. 1). Согласно справочным данным  $\varepsilon=2.0-2.1$  и  $\operatorname{tg}\delta=0.0002$ .

На рис. 1 приведены расчетные зависимости  $\Delta f(\varepsilon)$  и  $P'(\operatorname{tg}\delta)$  с нанесенными на них экспериментальными точками. Результаты измерения (табл. 2) совпадают в пределах погрешности для разных образцов.

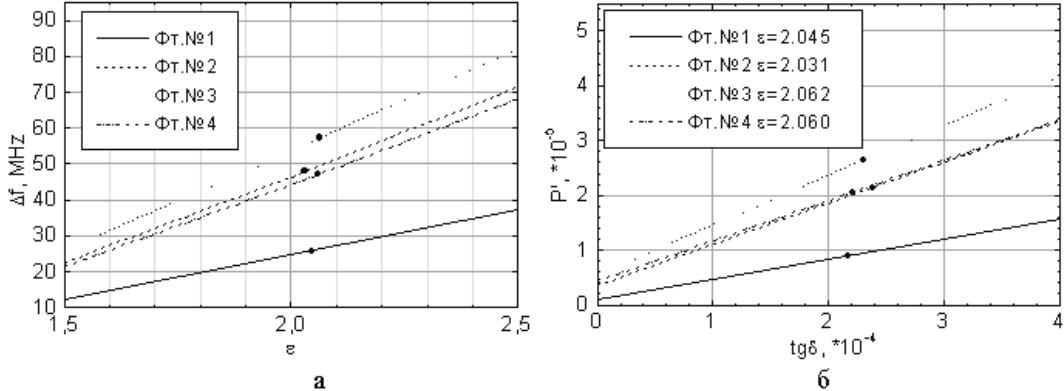


Рис. 1: Зависимости частоты от диэлектрической постоянной (а) и обобщенного параметра потерь от тангенса угла потерь (б) для фторопластовых образцов.

Таблица 2: Результаты измерений для фторопластовых образцов.

Фторопластовый образец	$\epsilon$	$\text{tg}\delta, 10^{-4}$
1	$2.05 \pm 0.03$	$2.17 \pm 0.15$
2	$2.03 \pm 0.03$	$2.39 \pm 0.15$
3	$2.06 \pm 0.03$	$2.31 \pm 0.15$
4	$2.06 \pm 0.03$	$2.21 \pm 0.15$

### 3. Определение параметров керамических образцов

На рис. 2 изображены два варианта цилиндрических резонаторов, использованных при определении диэлектрических постоянных керамических образцов 1 и 2 из табл. 1. Оба резонатора рассчитаны на вид колебаний  $E_{010}$ . Резонатор, изображенный на рис. 2а, с запредельным волноводом круглого сечения, а резонатор, изображенный на рис. 2б, с дросселем в обечайке. В табл. 3 приведены соответствующие функции чувствительности  $df_\epsilon/d\epsilon$  и  $dQ_\epsilon/d(\text{tg}\delta)$ . Поскольку точность определения диэлектрической постоянной по результатам измерения частоты достаточно высокая для обоих вариантов конструкций, то окончательный выбор рабочего устройства определяется в значительной мере простотой конструкции и легкостью эксплуатации. Исходя из этого, предпочтение отдается для варианта рис. 2а.

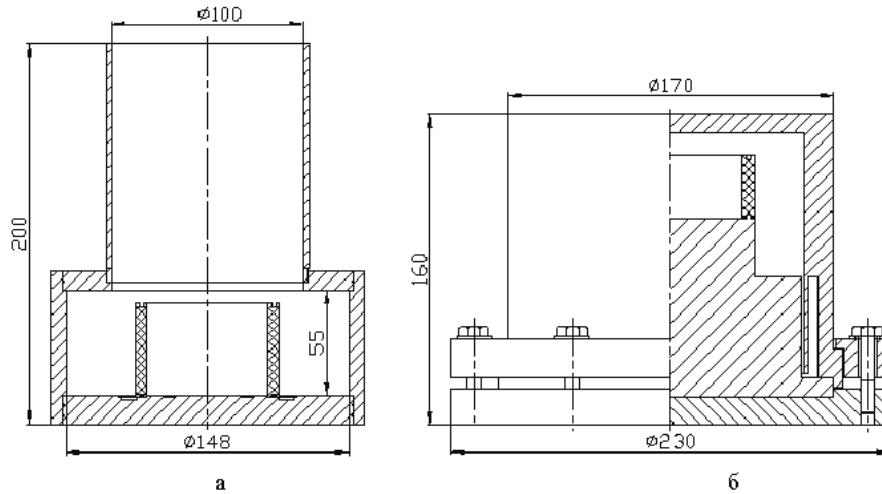


Рис. 2: Конструкции цилиндрических резонаторов: (а) – с запредельным волноводом; (б) – с дроссельным соединением.

Таблица 3: Чувствительности характеристик резонаторов.

Керамические образцы	Резонатор с запредельным волноводом		Резонатор с дросселем	
	$df_\varepsilon/d\varepsilon$ , МГц	$dQ_\varepsilon/d(tg\delta)$ , $10^7$	$df_\varepsilon/d\varepsilon$ , МГц	$dQ_\varepsilon/d(tg\delta)$ , $10^7$
1	15.52	1.75	15.19	1.18
2	24.44	1.51	22.74	1.13

В табл. 4 приведены значения диэлектрической постоянной и тангенса угла потерь двух типов образцов керамики, полученные при использовании данной методики. Причем каждый из образцов был в двух экземплярах. Резонатор с дросселем был изготовлен с одной крышкой, рассчитанной для второго образца. Поэтому при помещении в него первого образца дроссель теряет свои свойства, и потери в нем увеличиваются, что, в свою очередь, влияет на точность определения добротности, а следовательно, и на точность определения  $tg\delta(*)$ .

Таблица 4: Результаты измерений.

Керамические образцы	Резонатор с запредельным волноводом		Резонатор с дросселем	
	$\varepsilon \pm \Delta\varepsilon$	$tg\delta \pm \Delta(tg\delta)$ , $10^{-4}$	$\varepsilon \pm \Delta\varepsilon$	$tg\delta \pm \Delta(tg\delta)$ , $10^{-4}$
1	$9.41 \pm 0.01$	$3.19 \pm 0.09$	$9.40 \pm 0.02$	$3.49 \pm 0.2^*$
1'	$9.29 \pm 0.02$	$3.23 \pm 0.07$	$9.25 \pm 0.04$	$4.07 \pm 0.4^*$
2	$9.78 \pm 0.03$	$2.24 \pm 0.08$	$9.77 \pm 0.02$	$2.30 \pm 0.09$
2'	$9.41 \pm 0.01$	$3.19 \pm 0.06$	$9.41 \pm 0.05$	$3.15 \pm 0.05$

## Заключение

Установка на основе цилиндрического резонатора с видом колебаний  $E_{010}$  позволяет определять диэлектрические параметры керамических цилиндрических образцов с высокой точностью. А использование запредельного волновода для уменьшения влияния контактных поверхностей позволяет повысить производительность, так как смена образцов в установке происходит без дополнительных операций сборки-разборки, которые необходимы в случае применения резонатора с дросселем.

## Список литературы

- [1] Brinkmann J.R. Linear Collider Projects at DESY. – Proceedings of the EPAC-98, pp.53-57, Stockholm, Sweden, 1998.
- [2] Брант А.А. Исследование диэлектриков на сверхвысоких частотах. Изд-во физико-математической литературы. – Москва, 1963, 400 с.
- [3] Halbach K., Holsinger R.F. SUPERFISH Computer Programs for Evaluation of RF Cavities with Cylindrical Symmetry. Particle Accelerators, 1976, vol. 7, p.213-222.