

И Ф государственный научный центр российской федерации В ИНСТИТУТ ФИЗИКИ ВЫСОКИХ ЭНЕРГИЙ

> 2013–3 На правах рукописи

Новоселов Алексей Анатольевич

# Рождение очарованных частиц при высоких энергиях

01.04.23 – Физика высоких энергий

Автореферат

диссертации на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук

Протвино – 2013

Работа выполнена в Отделе теоретической физики ФГБУ ГНЦ ИФВЭ.

Научный руководитель — доктор физико-математических наук, профессор А.К. Лиходед (ИФВЭ, г. Протвино).

Официальные оппоненты: академик РАН, доктор физико-математических наук, профессор С.П. Денисов (ИФВЭ, г. Протвино), доктор физикоматематических наук, профессор С.П. Баранов (ФИАН, г. Москва).

Ведущая организация — Научно-исследовательский институт ядерной физики им. Д.В. Скобельцына Московского государственного университета им. М.В. Ломоносова, г. Москва.

Защита диссертации состоится «\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2013 г. в \_\_\_\_\_\_ часов на заседании диссертационного совета Д 201.004.01 при ФГБУ ГНЦ ИФВЭ по адресу: 142281, г. Протвино, пл. Науки, д. 1.

С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке ФГБУ ГНЦ ИФВЭ.

Автореферат разослан «\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2013 г.

Отзывы и замечания по автореферату в двух экземплярах, заверенные печатью, просьба высылать по вышеуказанному адресу на имя ученого секретаря диссертационного совета.

Ученый секретарь диссертационного совета Д 201.004.01

Ю.Г. Рябов

 (с) Государственный научный центр Российской Федерации
 Институт физики высоких энергий, 2013

# Общая характеристика работы

#### Актуальность темы исследования:

4 июля 2012 года в ЦЕРНе состоялся семинар на котором были представлены результаты поиска хиггсовского бозона на LHC в данных 2011 и 2012 годов при энергиях протон-протонных соударений 7 и 8 ТэВ. В двух подробных докладах коллаборации ATLAS и CMS показали, что намеки на существование новой частицы с массой около 126 ГэВ, имевшиеся в данных 2011 года, подтверждаются и новыми данными. Локальная статистическая значимость достигла 5.9 и 5.0 стандартных отклонений в измерениях ATLAS [1] и CMS [2] соответственно.

Результат LHC заключается не только в том, что найдена новая частица, но и в том, что она проявляется сразу в нескольких каналах распада с примерно той интенсивностью, с которой должен проявляться бозон Хигтса. При этом наибольшую статистическую значимость имеет канал распада на два  $\gamma$ -кванта, имеющий относительную вероятность порядка 0.2% [3]. Также заметное превышение сигнала над фоном обнаружено в каналах распадов на  $WW^*$  и  $ZZ^*$ , имеющих относительные вероятности порядка 20% и 3%, соответственно. Основной же канал распада на  $b\bar{b}$ , имеющий относительную вероятность около 60%, не обнаружен в настоящий момент из-за большого фона. Такая же проблема имеет место в поиске канала распада на  $c\bar{c}$ , имеющего относительную вероятность около 3%.

Ситуация должна быть иной для экспериментов на  $e^+e^-$ -коллайдерах будущего. При столкновении бесструктурных лептонов будет отсутствовать значительный КХД фон, свойственный *pp*-взаимодействиям. Это позволит использовать основной канал распада легкого бозона Хиггса на пары тяжелых кварков.

Экспериментально наблюдаемыми в детекторах частицами являются не тяжелые кварки, а тяжелые адроны, образующиеся из них. Процесс рождения тяжелых адронов объединяет эффекты на разных энергетических масштабах. При этом рождение кварк-антикварковой пары, происходящее на большом энергетическом масштабе, таком, как, например, масса бозона Хиггса, может быть вычислено в теории возмущений КХД. Последующий переход тяжелого кварка в тяжелый адрон происходит на масштабе энергий порядка  $\Lambda_{\rm QCD}$ , на котором константа сильного взаимодействия велика и применение теории возмущений невозможно. Для описания этого непертурбативного процесса применяют феноменологический подход, использующий понятие функции фрагментации — функции, описывающей распределение по доле импульса тяжелого кварка, уносимой образующимся тяжелым адроном. Таким образом, для описания рождения тяжелых адронов в каждом конкретном процессе необходимо знать фрагментационную функцию на соответствующем ему энергетическом масштабе.

Для очарованных адронов существует наибольшее количество экспериментальных данных по их рождению при разных энергиях [4–6]. Именно они будут использоваться в первой главе диссертации, посвященной вопросам расчета функций фрагментации *с*-кварка при различных энергиях.

Другим актуальным вопросом, связанным с образованием очарованных частиц, является рождение адронов со скрытым очарованием — чармониев. Как и в случае фрагментационного рождения мезонов с открытым очарованием, рождение чармониев описывается эффектами на двух энергетических масштабах: жестким процессом образования тяжелой кварк-антикварковой пары и мягким процессом перехода этой пары в конечный кварконий. Последний процесс описывается непертурбативными матричными элементами  $\langle O_n^H(^{2s+1}L_J)\rangle$ , отвечающими вероятностям перехода кварк-антикварковой пары с определенными квантовыми числами в тяжелый кварконий H. Здесь n = 1 обозначает синглетные, а n = 8 — октетные по цвету конфигурации.

Синглетная по цвету модель, предложенная в [7,8], была использована в попытке описать первые экспериментальные данные по рождению  $J/\psi$ -мезонов. Избыток наблюдаемого сечения этого процесса на Tevatron [9], особенно на больших  $p_T$ , показал недостаточность такого подхода, по крайней мере, в лидирующем порядке. Предложенная вслед за этим модель с дополнительным вкладом от октетных по цвету состояний [10] на время разрешила противоречие между теорией и экспериментальными наблюдениями. Используемое при этом значение октетного матричного элемента  $\langle O_8^H({}^3S_1)\rangle$ не только улучшило описание *p*<sub>T</sub>-спектра на больших поперечных импульсах, но и привело к предсказанию доминирующей поперечной поляризации рождающихся чармониев, следующей из октетных вычислений [11]. Такое предсказание, однако, не нашло подтверждения в экспериментальных измерениях [12]. Далее были развиты вычисления в следующем за лидирующем порядке теории возмущений, показавшие, что вклад от синглетных по цвету  $c\bar{c}$  пар может существенно увеличить выход продольно поляризованных  $J/\psi$  [13,14]. Но на этот раз вычисленная доля продольной поляризации оказалась существенно большей, чем измеренная на Tevatron [15].

В настоящее время не найдено подхода, позволяющего одновременно описать и *p*<sub>T</sub>-спектр и поляризацию чармониев, рождающихся в адронных соударениях [16]. Поэтому желательно изучение какого-либо еще процесса, зависящего от использования синглетного или октетного по цвету подхода.

С началом работы LHC стало возможным изучение процесса парного рождения  $J/\psi$ -мезонов в адронных соударениях. Несмотря на то, что такой процесс уже наблюдался в 80-е годы коллаборацией NA3 [17, 18], именно высокие энергия и светимость, достигаемые LHC, позволят подробно изучить кинематические распределения частиц в этой реакции. Специализированным детектором LHC для изучения физики тяжелых кварков явля-

ется установка LHCb. Одной из задач, решенных в настоящей диссертации, является предсказание сечений и кинематических распределений рождения  $J/\psi$ -частиц в ее условиях. Поскольку LHCb позволяет детектировать  $J/\psi$ -мезоны без ограничения снизу по их поперечному импульсу, а сечение рождения пар  $J/\psi$  быстро падает с поперечным импульсом, на первое время достаточно получить предсказание в синглетной по цвету модели, дающей доминирующий вклад в этой кинематической области.

Обсуждающиеся выше процессы парного рождения тяжелых кваркониев инициированы взаимодействиями двух партонов, по одному из каждого протона (SPS). В условиях LHC, однако, может проявляться новый феномен, дающий вклад в образование тех же конечных состояний. Он связан с тем, что большие адронные сечения на LHC во многом обусловлены большой плотностью глюонов с малыми долями импульса протона. В таких условиях уже нельзя пренебрегать более чем одиночными глюон-глюонными взаимодействиями. В диссертации будут обсуждаться двойные партонные взаимодействия (DPS), в которых при одном протон-протонном рассеянии происходит два партонных подпроцесса, в каждом из которых образуются очарованные частицы.

При рассмотрении рождения пар кваркониев в синглетной по цвету модели возникают правила отбора [19], которые могут помочь в разделении вкладов от одиночных и двойных партонных взаимодействий. Как и правила отбора, возникающие при рассмотрении распадов кваркониев, они связаны с сохранением зарядовой четности в сильных взаимодействиях. Поскольку в одиночных партонных взаимодействиях бесцветное конечное состояние рождается на двух глюонах, то C-четность пары кваркониев должна быть положительна. Это запрещает рождение пар кваркониев с разной C-четностью в лидирующем порядке и без учета октетных вкладов. При рассмотрении двойных партонных взаимодействий подавления в таких каналах, естественно, не возникает. В диссертации будут рассмотрены как различия в сечениях, предсказываемых обоими подходами, так и разница в распределениях по кинематическим переменным.

Совершенно очевидно, что наличие дополнительного механизма двойных партонных взаимодействий должно проявлять себя и в других каналах четырех-*c*-кваркового сектора: в ассоциированном рождении  $J/\psi$  и адрона с открытым очарованием и двойном рождении адронов с открытым очарованием. Интересно выяснить, каковы роли одиночных и двойных партонных взаимодействий в случае этих реакций. В диссертации будут приведены результаты расчета сечений этих процессов в одиночных партонных взаимодействиях и оценки вклада двойных.

Одним из важных для теории свойств тяжелых кваркониев является сравнительно малая скорость движения составляющих их кварков, вызван-

ная их массой. Это позволяет использовать нерелятивистскую квантовую механику для расчета уровней энергий этих частиц [20]. С использованием того же потенциала можно рассчитать и спектр масс связанных состояний четырех тяжелых кварков — тетракварков, еще не обнаруженных экспериментально. При этом в распадах *В*-мезонов наблюдается ряд резонансов, имеющих в своем составе тяжелые кварки, но не вписывающиеся в стандартную кварк-антикварковую модель [21–23]. Предполагается, что они состоят из четырех кварков, два из которых — тяжелые. В диссертации будут рассмотрены тетракварки, состоящие из только тяжелых кварков и могущие быть обнаруженными в каналах распада на пары тяжелых кваркониев.

Цель диссертационной работы состоит в решении ряда задач, связанных с образованием очарованных адронов при фрагментации *c*-кварка, рожденного в процессе  $e^+e^-$ -аннигиляции, и при образовании двух  $c\bar{c}$  пар в *pp* взаимодействиях:

- 1. Установить, возможно ли использовать универсальную, зависящую только от типа образующегося адрона, непертурбативную функцию фрагментации *c*-кварка при расчете импульсных спектров очарованных адронов в  $e^+e^-$ -взаимодействиях при различных энергиях.
- 2. Проверить, выполняются ли для *с*-кварка предположения модели КЛП о различии в фрагментации в мезоны и барионы.
- 3. Исследовать применимость фрагментационного подхода к адронизации *с*-кварка в распадах *В*-мезонов.
- Получить предсказания сечений процессов рождения пар J/ψ-мезонов, ассоциативного рождения J/ψ-мезона и cc̄ пары и рождения двух cc̄ пар в условиях установки LHCb.
- 5. Найти спектр масс третракварков, состоящих из четырех очарованных кварков и изучить возможность наблюдения их распадов на два  $J/\psi$ -мезона.

Для решения первых двух задач непертурбативные функции фрагментации *с*-кварка в  $D^{(*)}$ -мезоны и  $\Lambda_{\rm C}$ -барионы были численно извлечены из данных *B*-фабрик на энергии 10.5 ГэВ используя NLO-эволюцию пертурбативной части функции фрагментации. Далее была проведена NLO-эволюция этих фрагментационных функций на энергию 91.2 ГэВ для сравнения с данными LEP.

Для решения третьей задачи был найден импульсный спектр *с*-кварков в распаде *B*-мезонов и получено распределение по импульсу образующихся очарованных адронов во фрагментационном подходе.

Для решения четвертой задачи были написаны программы, позволяющие генерировать события рождения пар  $J/\psi$ -мезонов, ассоциативного рождения  $J/\psi$ -мезона и  $c\bar{c}$  пары и рождения двух  $c\bar{c}$  пар в pp-соударениях при одиночных глюон-глюонных взаимодействиях. С их помощью были найдены сечения и некоторые кинематические распределения для указанных процессов при кинематических ограничениях детектора LHCb. Также на основе простой модели оценен вклад двойных партонных взаимодействий в рождение перечисленных конечных состояний.

Для решения пятой задачи был рассчитан спектр масс тетракварков, состоящих из четырех тяжелых кварков, в потенциальной модели [24]. Также был оценен возможный вклад рождения и распадов 4c-тетракварков в рождение пар  $J/\psi$ -мезонов.

## Научная новизна:

После появления высокоточных данных *B*-фабрик по измерению фрагментационных функций чарма [4–6] был выпущен ряд работ [25, 26] посвященных изучению фрагментации *с*-кварка в этих условиях. В них рассматривалось рождение только мезонов и, поэтому, не обсуждались различия при фрагментации в мезоны и барионы. Также, при описании дополнительно к данным *B*-фабрик данных, полученных в пике *Z*-бозона [27, 28], использовались иные параметры непертурбативной компоненты.

В отличие от этих работ, данное исследование использует для *D*-мезонов одну и ту же параметризацию непертурбативной компоненты функции фрагментации при обоих значениях энергий  $e^+e^-$ -взаимодействий. При энергии *B*-фабрик рассматривается также и рождение  $\Lambda_c$ -барионов. При этом отличие описания рождения барионов от мезонов заключается лишь в иной непертурбативной функции фрагментации. Это различие непертурбативных функций фрагментации находится в согласии с предположениями модели КЛП [29, 30].

В диссертации также получены результаты по парному рождению  $J/\psi$ -мезонов в условиях детектора LHCb. Несмотря на то, что вычисление подпроцесса  $gg \to J/\psi J/\psi$  опирается на классическую работу [31], получен ряд новых результатов, касающихся специфики наблюдения этого процесса в детекторе LHCb. Среди них — изучение корреляций по быстроте и азимутальному углу вылета рождающихся мезонов. Это наиболее важно для разделения вклада указанного партонного подпроцесса от вклада двойных партонных взаимодействий в образование тех же конечных состояний. Показано, что для парного рождения  $J/\psi$  мезонов предсказываемые в одиночных и двойных партонных взаимодействиях сечения практически совпадают, а для других пар кваркониев,  $J/\psi + \chi_c$  и  $J/\psi + \Upsilon$ , одиночные партонные взаимодействия дают доминирующий вклад. Рассмотренные в диссертации процессы ассоциативного рождения  $J/\psi$  и открытого чарма, и парного рож-

дения открытого чарма интересны также тем, что для них предсказываются сильно отличающиеся вклады одиночных и двойных партонных взаимодействий в наблюдаемое в LHCb сечение.

Впервые проведен расчет спектра масс связанных состояний четырех тяжелых кварков и изучена возможность их наблюдения на LHC.

#### Практическая значимость:

Непертурбативные функции фрагментации являются универсальными объектами, которые могут быть использованы для вычислений импульсных распределений в различных процессах на различных масштабах энергий. Представленные в работе выражения для функций фрагментации *с*-кварка в мезоны и барионы могут быть использованы в генераторах событий при *pp*-взаимодействиях на LHC наряду с другими моделями фрагментации.

Результаты по парному рождению  $J/\psi$ , ассоциативному рождению  $J/\psi$ и открытого чарма и парному рождению открытого чарма использованы LHCb при сравнении с первыми экспериментальными измерениями [A1,A2]. Ряд предсказаний, таких как корреляции в процессах инициированных одиночными партонными взаимодействиями, будет проверен при накоплении большей статистики. Наблюдающееся на данный момент расхождение в спектре инвариантных масс пар  $J/\psi$  привело к обсуждению недостаточности  $\delta$ -приближения при переходе  $c\bar{c}$  в  $J/\psi$ , включенному в диссертацию.

# На защиту выносятся следующие основные результаты и положения:

- 1. Показано, что экспериментальные данные по рождению  $D^*$ -мезонов в  $e^+e^-$ -аннигиляции на B-фабриках и на LEP могут быть описаны с использованием универсальной функции фрагментации и учетом нарушения скейлинга в следующем за лидирующим порядке.
- 2. Установлено, что непертурбативные функции фрагментации *с*-кварка в  $D^{(*)}$ -мезоны и  $\Lambda_{\rm C}$ -барионы, извлеченные из данных *B*-фабрик, находятся в согласии с предположениями КЛП о различиях при фрагментации в мезоны и барионы.
- 3. Получено предсказание импульсного спектра  $\Lambda_{\rm C}$ -барионов в  $e^+e^-$ -аннигиляции при энергии  $\sqrt{s} = m_Z$ .
- 4. Показано, что при распаде *В*-мезонов адронизация *с*-кварка не сводится к только фрагментационному механизму.
- 5. Найдено сечение рождения пар  $J/\psi$  мезонов в лидирующем порядке в синглетной по цвету модели в условиях детектора LHCb. Получены распределения по инвариантной массе, поперечному импульсу и быстроте образующихся мезонов.

- 6. Найдено сечение ассоциативного рождения J/ψ мезонов и частиц с открытым очарованием в подпроцессе gg → J/ψcc̄ в лидирующем порядке в синглетной по цвету модели в условиях LHCb. Получены распределения по поперечному импульсу и быстроте образующихся мезонов.
- 7. Показано, что при образовании пар J/ψ мезонов вклады одиночных и двойных партонных взаимодействий соизмеримы, тогда как при совместном образовании J/ψ мезонов и частиц с открытым очарованием вклад двойных партонных взаимодействий доминирует.
- 8. Показано, что корреляции по быстроте J/ψ мезонов могут быть использованы для обнаружения сигнала от одиночных партонных взаимодействий при образовании пар J/ψ. Корреляции по азимутальному углу зависят от параметров модели, придающей поперечный импульс начальным глюонам, и не могут быть использованы в данном подходе.
- Установлено, что при ассоциированном рождении J/ψ мезонов и частиц с открытым очарованием корреляции по быстроте слишком слабо выражены, чтобы быть обнаружены в интервале быстрот LHCb.
- Рассчитан спектр масс тетракварков, состоящих из четырех *с*-кварков и показано, что самый тяжелый из них — тензорный, имеет кинематическую возможность распадаться на пары *J/ψ*-мезонов.

#### Апробация работы:

Апробация диссертации прошла в ИФВЭ 29 мая 2012 г. Основные результаты, представленные в диссертации, докладывались на международном семинаре "Кварки-2010", сессиях РАН 2009-2012 годов, нескольких рабочих встречах коллаборации LHCb и семинарах ИФВЭ. Работа автора диссертации поддержана грантами РФФИ, Президента РФ и фонда "Династия".

#### Публикации:

Материалы диссертации опубликованы в 8 статьях в рецензируемых журналах [A1–A8]: 3 отечественных и 5 зарубежных.

#### Личный вклад автора:

Содержание диссертации и основные положения, выносимые на защиту, отражают результаты, которые получены при определяющем участии соискателя. Вся работа по написанию программ для выполнения анализа моделируемых процессов и получения результирующих распределений была выполнена лично автором диссертации.

#### Структура и объем диссертации:

Диссертация состоит из введения, 3 глав, заключения, списка литературы и 2 приложений. Общий объем диссертации 114 страниц, из них 97 страниц текста, включая 38 рисунков. Список литературы включает 130 наименований на 15 страницах.

# Содержание работы

Во Введении обоснована актуальность диссертационной работы, сформулирована цель и аргументирована научная новизна исследований, показана практическая значимость полученных результатов, представлены выносимые на защиту научные положения.

В первой главе диссертации рассматривается образование  $D^{(*)}$ -мезонов и  $\Lambda_{\rm C}$ -барионов в  $e^+e^-$ -аннигиляции при различных энергиях.

Во введении к первой главе приводятся основные принципы, заложенные во фрагментационном подходе к описанию рождения тяжелых адронов, и обсуждаются проблемы, возникающие при этом. Они заключаются в невозможности полного разделения эффектов на разных энергетических масштабах.

В разделе 1.2 дан теоретический обзор результатов по расчету функций фрагментации тяжелых кварков в следующем за лидирующим порядке теории возмущений КХД. Также там приведено описание моделей, использующихся для непертурбативных эффектов. Внимание уделено модели КЛП, так как в ней естественным образом возникает зависимость от типа конечной частицы, изучение которой является одной из целей диссертации.

В разделе 1.3 предложен метод извлечения непертурбативной функции фрагментации с-кварка непосредственно из данных. Для этого искомая функция представляется в виде

$$\widetilde{D}^{\mathrm{np}}(x) = \sum_{i=1}^{n} c_i \Theta\left(x - \frac{i-1}{n}\right) \Theta\left(\frac{i}{n} - x\right).$$
(1)

с неизвестными коэффициентами  $c_i$ . Проведя аналитически NLO-эволюцию этого выражения до энергии *B*-фабрик можно найти коэффициенты  $c_i$  минимизируя отклонение полученных импульсных спектров от экспериментально измеренных. Можно убедиться, что построенные таким образом непертурбативные функции фрагментации *c*-кварков имеют при  $x \to 1$  асимптотики, совпадающие с предсказанными в подходе КЛП. В нем различие непертурбативных функций фрагментации в  $D^*$ -мезоны и  $\Lambda_c$ -барионы объясняется кварковым счетом.

Вид полученных функций приведен на Рис. 1. Для удобства дальнейшего использования они приближаются аналитическими выражениями:

$$\widehat{D}_{c}^{D^{*}}(x) = 20.1x^{3.7}(1-x) + 2.77 \, 10^{3}x^{13}(1-x)^{7}, \widehat{D}_{c}^{\Lambda_{C}}(x) = 72.9x^{3.7}(1-x)^{5} + 2.93 \, 10^{4}x^{10}(1-x)^{5} + 10^{3}x^{10}(1-x)^{3}.$$
 (2)

В разделе 1.4 извлеченные непертурбативные функции фрагментации используются для построения импульсных распределений адронов с открытым очарованием в различных условиях.



Рис. 1. Непертурбативные функции фрагментации  $D^*$ -мезонов (сплошная гистограмма) и  $\Lambda_{\rm C}$ -барионов (пунктирная гистограмма), извлеченные из данных *В*-фабрик и графики приближенных выражений (2).



Рис. 2. Спектры  $D^{*+}$ -мезонов (слева) и  $\Lambda_{\rm C}$ -барионов (справа) от фрагментации с-кварка в  $e^+e^-$ -аннигиляции при  $\sqrt{s} = 91.18$  ГэВ. Экспериментальные точки соответствуют измерениям ALEPH [28] и OPAL [27].

В подразделе 1.4.1 проверено, что с использованием извлеченных непертурбативных функций можно восстановить импульсные спектры  $D^*$ -мезонов и  $\Lambda_c$ -барионов при энергии  $\sqrt{s} = 10.5$  ГэВ. Далее проведена NLO-эволюция этих функций на энергию, соответствующую пику Z-бозона. При этом достигнуто согласие полученного импульсного спектра  $D^*$ -мезонов с измеренным на LEP [27, 28]. Для импульсного спектра  $\Lambda_c$ -барионов отсутствует экспериментальное измерение при тех же условиях. Импульсные спектры обоих типов частиц приведены на Рис. 2.

*В подразделе 1.4.2* рассмотрено рождение заряженных и нейтральных *D*-мезонов, в котором важную роль играют распады  $D^* \to D\pi$  и  $D^* \to D\gamma$ .



Рис. 3. Спектры  $D^*$ -мезонов (слева) и  $\Lambda_{\rm C}$ -барионов (справа) от фрагментации *b*-кварка в  $e^+e^-$ -аннигиляции при  $\sqrt{s} = 10.58$  ГэВ. Экспериментальные точки соответствуют измерениям BABAR [6] и Belle [5].

Распределение по импульсу *D*-мезонов, рожденных напрямую, принимается с точностью до нормировки совпадающим с распределением по импульсу *D*\*-мезонов. Полученные импульсные спектры *D*-мезонов, учитывающие оба вклада, находятся в хорошем согласии с экспериментально измеренными на *B*-фабриках.

В подразделе 1.4.3 исследована возможность применения фрагментационного подхода при низкой энергии — при распаде *B*-мезонов. Для этого импульсный спектр *c*-кварков, образующихся в распаде *B*, был свернут с непертурбативными функциями фрагментации в *D*<sup>\*</sup>-мезоны и  $\Lambda_c$ -барионы (2). Пертурбативной эволюцией на столь низкой энергии пренебрегалось. При этом обнаружено, что спектр  $\Lambda_c$ -барионов находится в разумном согласии с экспериментом, тогда как в экспериментальном спектре *D*<sup>\*</sup>-мезонов присутствует дополнительный вклад на бо́лыших импульсах, не объясняющийся фрагментационным механизмом. Предположительно он связан с рекомбинацией образующегося *c*-кварка с легким валентным кварком из распадающегося *B*-мезона. Эта возможность подробно исследована в приложении A. Распределения по импульсу *D*<sup>\*</sup>-мезонов и  $\Lambda_c$ -барионов от распадов *B*-мезонов, рожденных в *e*<sup>+</sup>*e*<sup>-</sup>-аннигиляции при энергии  $\sqrt{s} = m_{\Upsilon(4S)} = 10.58$  ГэВ приведены на Рис. 3.

*В разделе 1.5* приведены выводы к первой главе. Результаты, полученные в ней, опубликованы в работе [А3].

Во второй главе диссертации получены теоретические предсказания сечения парного рождения  $J/\psi$ -мезонов в протон-протонных взаимодействиях при энергии  $\sqrt{s} = 7$  ТэВ для различных кинематических ограничений. Также исследован возможный вклад в этот процесс от распада 4c-тетракварков, состоящих из двух валентных c-кварков и двух валентных  $\bar{c}$ -кварков.

Во введении ко второй главе приведены исторические аспекты изучения рождения пар чармониев в адронных реакциях. Обсуждены синглетная и октетная по цвету модели, используемые для вычисления сечения и кинематических распределений в обсуждаемом процессе.

Отмечено, что для парного рождения чармониев, дополнительно к хорошо известным правилам отбора по C-четности, запрещающим связь  $J/\psi$  с двумя глюонами, в лидирующем порядке в синглетной по цвету модели существует отбор по квантовым числам образующихся чармониев. Двухглюонное начальное состояние в цветовом синглете обладает положительной зарядовой четностью, поэтому рождение пар  $J/\psi$ -мезонов,  $\eta_c$ -мезонов или  $\chi_c$ -мезонов возможно, а совместное рождение мезонов с различной зарядовой четностью, таких как  $J/\psi$  и  $\eta_c$  или  $J/\psi$  и  $\chi_c$ , запрещено.

Раздел 2.2 посвящен партонному подпроцессу рождения двух  $J/\psi$ -мезонов в глюонных взаимодействиях, впервые рассчитанному в работе [31]. Обсуждены неопределенности возникающие при таких расчетах, связанные с выбором величин параметров, входящих в выражение для матричного элемента процесса и с выбором энергетических шкал. Далее оценивается вклад в образование пар  $J/\psi$  мезонов от рождения и распадов высших состояний. Заключается, что в интересующей кинематической области вклад от рождения *P*-волновых чармониев мал, а от *S*-волновых  $\psi(2S)$ -мезонов должен обязательно учитываться.

*Раздел 2.3* включает в себя результаты по рождению пар  $J/\psi$ -мезонов в протон-протонных соударениях при рассмотрении одиночных и двойных глюон-глюонных взаимодействий.

В подразделе 2.3.1 приведены результаты расчета процесса  $pp \rightarrow 2J/\psi + X$  с использованием Монте-Карло моделирования. При моделировании использован известный матричный элемент подпроцесса  $gg \rightarrow 2J/\psi$  и партонные функции распределения в лидирующем порядке (CTEQ5L, CTEQ6LL).

При отсутствии кинематических ограничений найденное сечение процесса  $pp \rightarrow J/\psi J/\psi$  при энергии в системе центра масс протонов 7 ТэВ составляет

$$\sigma\left(pp \to 2J/\psi + X\right) = 18 \pm 5 \text{ Ho},\tag{3}$$

без учета вклада от распадов высших состояний.

Для кинематических ограничений установки LHC<br/>b(2 < y < 4.5)найденное сечение равно

$$\sigma_{\rm LHCb} \left( pp \to 2J/\psi + X \right) = 3.1$$
 нб. (4)

Сечение в условиях детектора ATLAS заметно меньше из-за ограничения на минимальный регистрируемый поперечный импульс рождающегося



Рис. 4. Распределения по поперечному импульсу (слева) и быстроте (справа) одного  $J/\psi$ -мезона из образующейся пары с учётом поперечного движения начальных глюонов (сплошная кривая) и в коллинеарном приближении (пунктирная кривая).

мезона. При обрезаниях  $p_T > 5$  ГэВ и |y| < 2.5 предсказывается сечение

$$\sigma_{\text{ATLAS}}\left(pp \to 2J/\psi + X\right) = 0.06$$
 нб. (5)

Для изучения процессов в адронных взаимодействиях важен учет поперечного импульса начальных партонов. При расчете полных сечений обычно используются партонные функции распределения, в которых по этому импульсу произведено интегрирование. Такой подход неприменим для получения сечений и кинематических распределений в условиях конкретных детекторов. Поэтому в генераторе РУТНІА используется модель, предполагающая, что поперечный импульс начальных партонов распределен по Гауссу со средним значением абсолютной величины равным 2 ГэВ и может дополнительно меняться при излучении в начальном состоянии. Значения сечений (4) и (5) получены с использованием этой модели. Для условий LHCb отличие сечения от полученного в коллинеарном приближении незначительно, поскольку обрезание по поперечному импульсу отсутствует. Однако учет этого эффекта существенно меняет распределение по поперечному импульсу образующихся  $J/\psi$ -мезонов. Распределения по поперечному импульсу и быстроте одного  $J/\psi$  из пары для обоих случаев приведены на Рис. 4. Распределение по быстроте ожидаемо слабо зависит от наличия попереного импульса у начальных глюонов.

На Рис. 5 представлено полученное в РҮТНІА распределение по поперечному импульсу пары  $J/\psi$ -мезонов. Для сравнения, в коллинеарном приближении поперечный импульс мезонной пары отсутствует.

Представляет интерес распределение по инвариантной массе пар  $J/\psi$ -мезонов. Оно не зависит от наличия у начальных глюонов поперечного импульса и приведено на Рис. 6. Помимо распределения по инва-



Рис. 5. Распределение по поперечному импульсу пары  $J/\psi$ -мезонов.



Рис. 6. Распределение по инвариантной массе пары  $J/\psi$ -мезонов, рожденных напрямую (пунктирная кривая), в распадах  $\psi(2S)$  (точечная кривая) и их сумма (сплошная кривая). Экспериментальные точки соответствуют измерению LHCb [A1].

риантной массе  $J/\psi$ -мезонов, рожденных напрямую, на нем представлен вклад от распадов  $\psi(2S)$ , рожденных в процессах  $pp \to J/\psi + \psi(2S) + X$  и  $pp \to 2\psi(2S) + X$ . Учет распадов  $\psi(2S) \to J/\psi + X$  произведен в генераторе РутніА. При построении этих распределений учитывались кинематические ограничения установки LHCb с целью сравнить предсказание с первыми измерениями этого процесса, приведенными в работе [A1].

Видно, что экспериментальный пик находится правее полученного предсказания. Можно показать, что учет относительного движения кварков в образующемся чармонии улучшает согласие с экспериментальным результатом. С другой стороны, экспериментальное распределение основывается пока на достаточно малой статистике: анализ включал всего 116 событий с парным рождением  $J/\psi$ , наблюденных в данных 2010 года.

Вместе с вкладом от распадов  $\psi(2S)$  предсказываемое сечение рождения пар  $J/\psi$  в условиях детектора LHCb составляет

$$\sigma_{\text{LHCb}}^{total} \left( pp \to 2J/\psi + X \right) = 4.1 \pm 1.2 \text{ HG.}$$
(6)

Измеренное на эксперименте сечение равно  $5.1\pm1.1$  <br/>нб и находится в хорошем согласии с этим предсказанием.

Без наложения кинематических ограничений сечение рождения пар  $J/\psi$  с учетом вклада от распадов  $\psi(2S)$  при энергии протон-протонных вза-имодействий 7 ТэВ предсказывается равным

$$\sigma^{total} \left( pp \to 2J/\psi + X \right) = 23 \pm 7$$
 нб. (7)

В условиях LHC большая плотность партонов с малыми долями импульса приводит к увеличению вероятности нескольких глюон-глюонных взаимодействий в одном соударении протонов. Этот процесс может также давать вклад в образование пар  $J/\psi$ -мезонов. Такая возможность рассмотрена в *подразделе 2.3.2*.

В подходе, предполагающем рождение частиц в 2 независимых подпроцессах, А и В, сечение парных взаимодействий записывается следующим образом:

$$\sigma^{\rm DPS}(A \times B) = \frac{m}{2} \frac{\sigma(A)\sigma(B)}{\sigma_{\rm eff}}.$$
(8)

где величина  $\sigma_{\rm eff} = 14.5$  мб была измерена в реакциях образования четырех струй и трех струй и фотона в детекторах CDF и D0 [32,33] и параметр m равен 1 для тождественных подпроцессов и 2 для различных.

Для рождения двух  $J/\psi$  мезонов в условиях LHCb выражение (8) приводит к следующему значению сечения:

$$\sigma_{\rm LHCb}^{\rm DPS}(pp \to 2J/\psi + X) = 4$$
 нб. (9)

При этом используется известное сечение инклюзивного образования  $J/\psi$  в окне LHCb — 10.5 мкб [16].

Одним из предложенных способов разделения сигналов от DPS и образования пары  $J/\psi$  в одном глюон-глюонном взаимодействии является изучение корреляций по азимутальному углу и быстротам  $J/\psi$  [34,35]. Однако моделирование в генераторе РҮТНІА, включающее уход от коллинеарного приближения для начальных глюонов, показывает, что корреляции по углу, присутствующие в предположении коллинеарных глюонов, полностью теряются при учете их поперечного движения. Более плодотворным оказывается изучение корреляций по быстроте. Несмотря на узость окна LHCb (2.0 < y < 4.5), оно оказывается достаточным для проверки предсказаний



Рис. 7. Распределения по разности азимутальных углов (слева) и быстрот (справа)  $J/\psi$ -мезонов, предсказанные в подходе SPS. Сплошные кривые получены на шкале равной одной поперечной массе  $J/\psi$ -мезона, пунктирные — половине и точечные — двум. Для каждой из шкал верхняя кривая соответствует CTEQ5L, а нижняя — CTEQ6LL.

КХД, указывающих, что разность быстрот образующихся  $J/\psi$  не превышает 2 единиц быстроты. Распределения по разности азимутальных углов и быстрот приведены на Рис. 7. DPS на данном этапе предсказывает отсутствие корреляций между продуктами двух партонных взаимодействий.

В подразделе 2.4 рассмотрена возможность образования связанного состояния четырех очарованных кварков — тетракварка  $T_{4c}$ , распадающегося на два  $J/\psi$ -мезона.

Спектр масс 4*c*-тетракварка найден в потенциальной модели [24], представляющей такое состояние состоящим из двух точечных дикварков с массами  $m_{[cc]} = 3.13$  ГэВ. С учетом сверхтонкого расщепления массы состояний найдены равными

$$J = 0: \qquad M_{T_{4c}(0^{++})} = 5.97 \ \Gamma \ni B,$$
  

$$J = 1: \qquad M_{T_{4c}(1^{+-})} = 6.05 \ \Gamma \ni B,$$
  

$$J = 2: \qquad M_{T_{4c}(2^{++})} = 6.22 \ \Gamma \ni B.$$
(10)

Из этих состояний только самое тяжелое, тензорное, лежит выше порога образования пары  $J/\psi$ -мезонов и может наблюдаться в этой моде. Поправки, обусловленные конечными размерами дикварков, могут, в принципе, немного увеличить массы и поднять аксиальный мезон над этим порогом, но его рождение в двухглюонном канале подавлено теоремой Ландау-Янга. Скалярный 4*c*-тетракварк может быть наблюден только когда один из конечных  $J/\psi$ -мезонов будет виртуальным. По этой причине интересен поиск резонанса в канале  $J/\psi\mu^+\mu^-$ .

Сечение рождения 4*с*-тетракварков в глюонных взаимодействии может быть оценено из соображений дуальности:

$$S = \int_{2M_{J/\psi}}^{2M_{\Xi_{cc}}} dm_{gg}\sigma(gg \to T_{4c} \to 2J/\psi) =$$
$$= K \cdot \int_{2M_{J/\psi}}^{2M_{\Xi_{cc}}} dm_{gg}\hat{\sigma}(gg \to [cc]_{\bar{3}} + [\bar{c}\bar{c}]_{3}) \approx K \cdot 6.4 \text{ nfs} \cdot \Gamma \mathfrak{sB}, \quad (11)$$

где K < 1. Входящая в это выражение ширина 4c-тетракварка заведомо меньше энергетического разрешения детектора. Расчеты показывают, что даже при выборе  $K \sim 10\%$  сигнал должен быть четко виден в спектре инвариантных масс пар  $J/\psi$ .

Используя тот же подход, можно найти спектр масс тетракварков из четырех *b*-кварков. Для них все состояния оказываются лежащими под порогом образования двух  $\Upsilon$ -мезонов. Более интересной оказывается ситуация с  $T_{2[bc]} = [bc][\overline{bc}]$ . Поскольку в этой конфигурации дикварки состоят не из тождественных кварков, систематика таких состояний более богата, причем присутствует состояние лежащее выше порогов распада как на пару  $B_c$  так и на  $J/\psi + \Upsilon$ . Подробно эта ситуация рассмотрена в приложении Б.

*В разделе 2.5* приводятся выводы ко второй главе. Результаты полученные в ней опубликованы в работах [A1, A4–A6].

В третьей главе приведены теоретические предсказания сечений ассоциативного рождения  $J/\psi$ -мезонов и открытого чарма, а также образования двух очарованных адронов из разных  $c\bar{c}$  пар в условиях LHC. Рассмотрены как процессы в одиночных, так и в парных партонных взаимодействиях.

Во введении к третье главе приводится мотивация изучения ассоциативного рождения  $J/\psi$ -мезонов и открытого чарма и двойного рождения открытого чарма.

В разделе 3.2 делается экскурс в существующие расчеты процессов, включающих 4 тяжелых кварка в конечном состоянии.

Раздел 3.3 посвящен ассоциативному рождению  $J/\psi$ -мезонов и адронов с открытым очарованием. Для выхода  $J/\psi + D$  в кинематических условиях LHCb предсказано сечение

$$\sigma_{\rm LHCb}^{\rm SPS}(pp \to J/\psi + D + X) \approx 30 \div 100$$
 нб. (12)

Это значение учитывает процессы  $gg \to J/\psi + c\bar{c}$  и  $cg \to J/\psi c$ . Расчеты проводились в генераторе Рутнія с использованием программ, аналогичных использовавшимся для парного рождения  $J/\psi$ . Кинематической областью,



Рис. 8. Распределение по поперечному импульсу  $J/\psi$ -мезонов (слева) и *D*-мезонов (справа) при рождении  $J/\psi+D$  в сравнении с результатом LHCb (приведены точки для рождения  $J/\psi+D^0$  и  $J/\psi+D^+$ ). Сплошная кривая получена на шкале, равной одной поперечной массе  $J/\psi$ -мезона, пунктирная — половине, а точечная — двум. Штрих-пунктирная кривая получена без учета поперечного импульса начальных глюонов и адронизации *с*-кварка.

в которой LHCb был проведен анализ данных и в которой выполняется сравнение, является область  $2.0 < y_{J/\psi} < 4.0, 2.0 < y_D < 4.0, 3$  ГэВ  $< p_T^D < 12$  ГэВ.

Оценки вклада двойных партонных взаимодействий в образование  $J/\psi+D$  в конечном состоянии приводят в этой области к значению

$$\sigma_{\rm LHCb}^{\rm DPS}(pp \to J/\psi + D + X) = 240$$
 нб. (13)

При этом экспериментально измеренное LHCb сечение составляет

$$\sigma_{\text{LHCb}}^{\text{exp}}(pp \to J/\psi + D + X) \approx 300$$
 нб, (14)

что заметно выше предсказаний SPS и близко к оценке DPS. В пределах ошибок сумма обоих вкладов находится в хорошем согласии с экспериментальным значением.

Несмотря на то, что предсказывается доминирование парных партонных взаимодействий в этом процессе,  $p_T$ -спектр  $J/\psi$ -мезонов находится в противоречии с предположением о том, что рождение  $J/\psi$  происходит независимо. Его форма существенно отличается от  $p_T$ -спектра в инклюзивном образовании  $J/\psi$ . Для сравнения были построены распределения по поперечному импульсу  $J/\psi$ - и *D*-мезонов в подпроцессе  $gg \rightarrow J/\psi c\bar{c}$ . Несмотря на то, что вклад этого подпроцесса в адронное сечение предсказывается на уровне 10%, наблюдается хорошее согласие в форме  $p_T$ -распределений (см. Рис. 8).

Таким образом остается открытым вопрос, доминируют ли двойные партонные взаимодействия при ассоциативном рождении  $J/\psi$  и открытого



Рис. 9. Распределения по разности азимутальных углов (слева) и быстрот (справа)  $J/\psi$  и *D*-мезона, предсказываемые для подхода SPS. Для распределений по  $\Delta \phi_{J/\psi-D}$  обозначения совпадают с Рис. 8. Для распределений по  $\Delta y$  сплошная кривая соответствует кинематическим ограничениям LHCb, пунктирная — отсутствию кинематических ограничений.

чарма. Что касается корреляций по азимутальному углу и быстроте, первые сильно зависят от шкалы (как и в случае парного  $J/\psi$ ), а вторые оказываются слишком слабо выраженными для наблюдения в узком окне быстрот  $2.0 < y_{J/\psi} < 4.0$ . Обсуждаемые распределения приведены на Рис. 9.

Раздел 3.4 посвящен парному рождению адронов с открытым очарованием. Для подпроцессов  $gg \to c\bar{c}c\bar{c}$ ,  $cg \to cc\bar{c}$  и  $cc \to cc$  в протон-протонных соударениях при 7 ТэВ суммарное сечение предсказывается равным  $0.3 \div 1.2$  мкб. При этом требовалось, чтобы по крайней мере два *D*-мезона или два  $\bar{D}$ -мезона находились в области 2.0 < y < 4.0, 3 ГэВ  $< p_T < 12$  ГэВ, исследуемой коллаборацией LHCb. Как и в случае ассоциативного рождения, предсказываемое сечение оказывается заметно меньше экспериментального, составляющего примерно 3 мкб.

Поскольку анализ LHCb включает измерение различных конечных состояний с D + D или  $D + \overline{D}$  в аксептансе детектора, был проведен комбинаторный расчет, предполагающий рождение двух  $c\overline{c}$ -пар в двух партонных подпроцессах с последующей адронизацией *с*-кварков. Показано, что измеренные значения находятся в разумном согласии с предположениями DPS. Распределения по поперечному импульсу, однако, не совпадают по форме с измеренными в инклюзивном рождении, что не подтверждает гипотезу независимого рождения в двух партонных взаимодействиях.

*В заключительном разделе третьей главы* сформулированы выводы к ней. Результаты третьей главы опубликованы в работах [A2, A7, A8].

В Заключении к диссертации сформулированы основные результаты, представленные в ней.

# Список публикаций

- [A1] Novoselov A. et al. [LHCb Collaboration (569 authors)]. Observation of  $J/\psi$  pair production in pp collisions at  $\sqrt{s}=7$  TeV // Phys.Lett. 2012. Vol. B707. P. 52–59. 1109.0963.
- [A2] Novoselov A. et al. [LHCb Collaboration (591 authors)]. Observation of double charm production involving open charm in pp collisions at  $\sqrt{s}=7$  TeV // JHEP. 2012. Vol. 1206. P. 141. 1205.0975.
- [A3] Новоселов А.А. Фрагментационное рождение очарованных адронов в  $e^+e^-$ -аннигиляции // ЯФ. 2010. Т. 73. С. 1789–1802.
- [A4] Double J/ψ-meson Production at LHC and 4c-tetraquark state / A.V. Berezhnoy, A.K. Likhoded, A.V. Luchinsky, A.A. Novoselov // Phys.Rev. - 2011. - Vol. D84. - P. 094023. - 1101.5881.
- [A5] Berezhnoy A.V., Luchinsky A.V., Novoselov A.A. Heavy tetraquarks production at the LHC // Phys.Rev. - 2012. - Vol. D86. - P. 034004. -1111.1867.
- [A6] Формирование 4*c*-тетракварка в парном рождении *J/ψ*-мезонов на LHC / А. В. Бережной, А. К. Лиходед, А. В. Лучинский, А. А. Новоселов // ЯФ. – 2012. – Т. 75. – С. 1067–1074.
- [A7] Double  $c\bar{c}$  production at LHCb / A.V. Berezhnoy, A.K. Likhoded, A.V. Luchinsky, A.A. Novoselov // Phys.Rev. - 2012. - Vol. D86. -P. 034017. - 1204.1058.
- [A8] Множественное рождение чарма при энергии LHC / А. В. Бережной, А. К. Лиходед, А. В. Лучинский, А. А. Новоселов // ЯФ. – 2013. – Т. 76. – С. 104–114.

# Цитируемая литература

- Aad Georges et al. [ATLAS Collaboration]. Observation of a new particle in the search for the Standard Model Higgs boson with the ATLAS detector at the LHC // Phys.Lett. - 2012. - Vol. B716. - P. 1-29. - 1207.7214.
- [2] Chatrchyan Serguei et al. [CMS Collaboration]. Observation of a new boson at a mass of 125 GeV with the CMS experiment at the LHC // Phys.Lett. – 2012. – Vol. B716. – P. 30–61. – 1207.7235.
- [3] Dittmaier S. et al. [LHC Higgs Cross Section Working Group]. Handbook of LHC Higgs cross sections: 1. Inclusive observables. – 2011. – 1101.0593.
- [4] Artuso M. et al. [CLEO Collaboration]. Charm meson spectra in e<sup>+</sup>e<sup>-</sup> annihilation at 10.5 GeV center of mass energy // Phys.Rev. 2004. Vol. D70. P. 112001. hep-ex/0402040.
- [5] Seuster R. et al. [Belle Collaboration]. Charm hadrons from fragmentation and B decays in  $e^+e^-$  annihilation at  $\sqrt{s} = 10.6 \text{ GeV} // \text{Phys.Rev.} - 2006. - \text{Vol. D73.} - \text{P. 032002.} - \text{hep-ex}/0506068.$
- [6] Aubert Bernard et al. [BABAR Collaboration]. Inclusive  $\Lambda_c^+$  production in  $e^+e^-$  annihilations at  $\sqrt{s} = 10.54$  GeV and in  $\Upsilon(4S)$  decays // Phys.Rev. 2007. Vol. D75. P. 012003. hep-ex/0609004.
- [7] Картвелишвили В.Г., Лиходед А.К., Слабоспицкий С.Р. Рождение *D*и *J/ψ*- мезонов в адронных столкновениях // ЯФ. — 1978. — Т. 28. — С. 1315–1322.
- [8] Baier R., Ruckl R. Hadronic production of  $J/\psi$  and  $\Upsilon$ : Transverse momentum distributions // Phys.Lett. 1981. Vol. B102. P. 364.

- [9] Abe F. et al. [CDF Collaboration]. Inclusive  $J/\psi$ ,  $\psi(2S)$  and b quark production in  $\bar{p}p$  collisions at  $\sqrt{s} = 1.8$  TeV // Phys.Rev.Lett. 1992. Vol. 69. P. 3704-3708.
- [10] Braaten Eric, Fleming Sean. Color octet fragmentation and the  $\psi'$  surplus at the Tevatron // Phys.Rev.Lett. 1995. Vol. 74. P. 3327-3330. hep-ph/9411365.
- [11] Braaten Eric, Kniehl Bernd A., Lee Jungil. Polarization of prompt  $J/\psi$  at the Tevatron // Phys.Rev. 2000. Vol. D62. P. 094005. hep-ph/9911436.
- [12] Affolder T. et al. [CDF Collaboration]. Measurement of  $J/\psi$  and  $\psi(2S)$  polarization in  $p\bar{p}$  collisions at  $\sqrt{s} = 1.8$  TeV // Phys.Rev.Lett. 2000. Vol. 85. P. 2886-2891. hep-ex/0004027.
- [13] Campbell John M., Maltoni F., Tramontano F. QCD corrections to J/ψ and Υ production at hadron colliders // Phys.Rev.Lett. - 2007. - Vol. 98. -P. 252002. - hep-ph/0703113.
- [14] Gong Bin, Wang Jian-Xiong. Next-to-leading-order QCD corrections to  $J/\psi$  polarization at Tevatron and Large-Hadron-Collider energies // Phys.Rev.Lett. - 2008. - Vol. 100. - P. 232001. - 0802.3727.
- [15] Abulencia A. et al. [CDF Collaboration]. Polarization of  $J/\psi$  and  $\psi_{2S}$  mesons produced in  $p\bar{p}$  collisions at  $\sqrt{s} = 1.96$ -TeV // Phys.Rev.Lett. 2007. Vol. 99. P. 132001. 0704.0638.
- [16] Aaij R. et al. [LHCb Collaboration]. Measurement of  $J/\psi$  production in pp collisions at  $\sqrt{s} = 7$  TeV // Eur.Phys.J. 2011. Vol. C71. P. 1645. 1103.0423.
- [17] Badier J. et al. [NA3 Collaboration]. Evidence for  $\psi\psi$  production in  $\pi^-$  interactions at 150 and 280 GeV/c // Phys.Lett. 1982. Vol. B114. P. 457.

- [18] Badier J. et al. [NA3 Collaboration].  $\psi\psi$  production and limits on beauty meson production from 400 GeV/c protons // Phys.Lett. - 1985. - Vol. B158. - P. 85.
- [19] Картвелишвили В.Г., Эсакия Ш.М. Об адронном образовании пар J/ψ мезонов // ЯФ. – 1983. – Т. 38. – С. 722–726.
- [20] Charmonium: Comparison with Experiment / E. Eichten, K. Gottfried,
   T. Kinoshita et al. // Phys.Rev. 1980. Vol. D21. P. 203.
- [21] New hadronic spectroscopy / N. Drenska, R. Faccini, F. Piccinini et al. // Riv.Nuovo Cim. - 2010. - Vol. 033. - P. 633-712. - 1006.2741.
- [22] Wick Felix [CDF Collaboration]. Heavy quark meson spectroscopy at CDF (X(3872) mass and evidence for Y(4140)) // PoS. 2009. Vol. EPS-HEP2009. P. 085. 1011.0616.
- [23] Liu Xiang, Luo Zhi-Gang, Zhu Shi-Lin. Novel charmonium-like structures in the  $J/\psi\phi$  and  $J/\psi\omega$  invariant mass spectra // Phys.Lett. - 2011. - Vol. B699. - P. 341-344. - 1011.1045.
- [24] Mass spectra of doubly heavy Ω<sub>QQ'</sub> baryons / V.V. Kiselev, A.K. Likhoded,
   O.N. Pakhomova, V.A. Saleev // Phys.Rev. 2002. Vol. D66. P. 034030. hep-ph/0206140.
- [25] Cacciari Matteo, Nason Paolo, Oleari Carlo. A study of heavy flavored meson fragmentation functions in e<sup>+</sup>e<sup>-</sup> annihilation // JHEP. – 2006. – Vol. 0604. – P. 006. – hep-ph/0510032.
- [26] Corcella Gennaro, Ferrera Giancarlo. Charm-quark fragmentation with an effective coupling constant // JHEP. — 2007. — Vol. 0712. — P. 029. — 0706.2357.

- [27] Ackerstaff K. et al. [OPAL Collaboration]. Measurement of  $f(c \rightarrow D^{*+}X)$ ,  $f(b \rightarrow D^{*+}X)$  and  $\Gamma_{c\bar{c}}/\Gamma_{had}$  using  $D^{*\pm}$  mesons // Eur.Phys.J. – 1998. – Vol. C1. – P. 439–459. – hep-ex/9708021.
- [28] Barate R. et al. [ALEPH Collaboration]. Study of charm production in Z decays // Eur.Phys.J. - 2000. - Vol. C16. - P. 597-611. - hep-ex/9909032.
- [29] Kartvelishvili V.G., Likhoded A.K., Petrov V.A. On the fragmentation functions of heavy quarks into hadrons // Phys.Lett. - 1978. - Vol. B78. -P. 615.
- [30] Картвелишвили В.Г., Лиходед А.К. Фрагментация тяжелых кварков в мезоны и барионы // ЯФ. – 1979. – Т. 29. – С. 757–760.
- [31] Humpert B., Mery P.  $\psi\psi$  production at collider energies // Z. Phys. 1983. Vol. C20. P. 83.
- [32] Abe F. et al. [CDF]. Double parton scattering in  $\bar{p}p$  collisions at  $\sqrt{s} = 1.8$  TeV // Phys. Rev. 1997. Vol. D56. P. 3811-3832.
- [33] Abazov V. M. et al. [D0]. Double parton interactions in  $\gamma+3$  jet events in  $p\bar{p}$  collisions  $\sqrt{s} = 1.96$  TeV // Phys. Rev. -2010. Vol. D81. P. 052012. 0912.5104.
- [34] Kom C.H., Kulesza A., Stirling W.J. Pair production of  $J/\psi$  as a probe of double parton scattering at LHCb // Phys.Rev.Lett. 2011. Vol. 107. P. 082002. 1105.4186.
- [35] Novoselov Alexey. Double parton scattering as a source of quarkonia pairs in LHCb. - 2011. - 1106.2184.

Рукопись поступила 29 января 2013 г.

Автореферат отпечатан с оригинала-макета, подготовленного автором.

А.А. Новоселов

Рождение очарованных частиц при высоких энергиях.

Оригинал-макет подготовлен с помощью системы  ${\rm IAT}_{\rm E}{\rm X}.$ 

Подписано к печати 31.01.2013. Формат 60 × 84/16. Цифровая печать. Печ.л. 1,7. Уч.-изд.л. 2,4. Тираж 100. Заказ 6.

ФГБУ ГНЦ ИФВЭ

142281, Протвино Московской обл.

Индекс 3649

A B T O P E  $\Phi$  E P A T 2013–3, И  $\Phi$  B Э, 2013